

Inhalt

1	Grundlagen	1
1.1	Logik	1
1.2	Mengen	18
1.3	Relationen	25
1.4	Abbildungen	33
1.5	Körper	48
1.6	Die reellen Zahlen	64
1.7	Die komplexen Zahlen	81
1.8	Euklidische, normierte und metrische Räume	86
2	Folgen	99
2.1	Konvergenz	99
2.2	Rechnen mit Folgen	112
2.3	Beschränkte Folgen	119
2.4	Cauchy-Folgen	123
2.5	Funktionsfolgen	127
2.6	Reihen	132
2.7	Konvergenzkriterien	144
2.8	Funktionsreihen	153
3	Stetigkeit	159
3.1	Topologisches	159
3.2	Grenzwerte von Funktionen	182
3.3	Stetige Funktionen	193
3.4	Exponential-, Logarithmus- und Potenzfunktionen	210
3.5	Trigonometrische und hyperbolische Funktionen	224

4	Differenziation	235
4.1	Der Ableitungsbegriff	235
4.2	Partielle Ableitungen	247
4.3	Mittelwertsätze	254
4.4	Der Umkehrsatz	266
4.5	Der Satz über implizite Funktionen	275
4.6	Höhere Ableitungen	283
4.7	Der Taylorsche Satz	288
4.8	Extremwerte	294
4.9	Folgen differenzierbarer Funktionen	305
4.10	Stammfunktionen	310
4.11	Differenzialgleichungen	318
5	Integration	333
5.1	Der Integralbegriff	333
5.2	Kriterien für Integrierbarkeit	341
5.3	Eigenschaften integrierbarer Funktionen	354
5.4	Der Satz von Fubini	362
5.5	Bestimmte und unbestimmte Integrale	367
5.6	Uneigentliche Integrale	373
5.7	Jordan-messbare Mengen	379
5.8	Inhaltsbestimmung	388
5.9	Der Transformationssatz	393
5.10	Kurvenintegrale	408
5.11	Flächenintegrale	418
5.12	Die Sätze von Green, Gauß und Stokes	430
	Literaturverzeichnis	443
	Symbolverzeichnis	445
	Sachverzeichnis	449